

里堂學算記五種

加減乘除釋卷四

江都焦循學

受除者爲實所以除之者爲法實如法而一爲法除

考諸算經於乘不言法實於除乃云實如法而一蓋乘法可以相通故實與法之名不必立除法不容倒置故實與法必嚴以爲限也實如法而一者實與法相等則得一推此實倍於法則得二再倍於法則得三也夏侯陽算經云凡算者有五乘五除一曰法除此之謂也倘不如法則不足於一宜降一位可知矣授時術有定子法其法十定一百定二千定三萬定

四十萬定五百萬定六千萬定七萬萬定八不滿法  
去一滿法卽實如法也不滿法去一卽降一位也梅  
勿菴說之云不論十百千萬之等惟論自一至九之  
數假如以八十除六百亦爲不滿法若以八百除九  
十亦爲滿法皆以得數有進位不進位而分算中精  
理也循按以八十除六百已於六百之二子減去一  
子爲十不滿法又減去一子爲單蓋旣減百之於十  
又減八之於六非止減八之於六不減百之於十也  
乘法自單長至十而後自十長至百至千至萬則除  
法自萬減至千至百至十亦必自十減至單理之一

定數之必然梅氏以爲精理實平易無他奇也。

法	法	法	法	法	法	法
---	---	---	---	---	---	---

無長短

實	實	實	實	實	實	實
實	實	實	實	實	實	實
實	實	實	實	實	實	實

以法爲母以實爲子。是爲命分法。除以總數爲實。命分以一數爲實。

命分之法。卽除之理。如二人分一百枚。人得五十。此除得實數也。然五十卽二分之一。則謂之二分之一亦可矣。又如四人分三枚。人得大半枚。此大半枚

彊者卽四分之三。又若三人分六枚。人得二枚。此  
 二枚者卽三分枚之六。蓋在三枚爲四分之三。在一  
 枚則爲四分之三。在六枚爲三分之一。在一枚則爲  
 三分之一。六曰實如法而一。自三枚六枚言之也。曰幾  
 分之幾。自一枚言之也。幾分幾之一。猶幾分一之幾  
 也。

甲	甲	乙	丙	丙	丁
甲	乙	乙	丙	丁	丁

四分三之一  
 四分一之三

甲	甲	乙	丙	丙	丙
甲	甲	乙	丙	丙	丙
甲	甲	乙	丙	丙	丙

三分六之一卽三分  
 一之六

滿法用法除。不滿法用命分。

九章算術方田章云不滿法者以法命之孫子算經云實有餘者以法命之循謂滿法亦可命分如前云三分枚之六是也但正數可得則不必不法除正數已得則不必不命分或法除之不盡者用命分以盡之皆從其便也實有餘亦謂正數既得而尙有待除者也少廣開方術云若開之不盡者爲不可開當以百命之劉氏注云術或有以借算加定法而命分者雖麤相近不可因也凡開積爲方方之自乘當還復其積分令不加借算而命分則常微少其加借算而命分則又微多其數不可得而定故以百命之爲不

失耳。辟猶以三除十。以其餘爲三分之一。而復其數。可舉。不以百命之。加定法如前。求其微數。微數無名者。以爲分子。其一退。以十爲母。其再退。以百爲母。退之彌下。其分彌細。則朱冪雖有所乘之數。不足言之也。循案五經算術。於論語千乘之國。用開方法。旣得九萬四千八百六十八數。有未盡。乃命分云。倍隅法。得一十六。上從方法。下法一。亦從之。得一十八萬九千七百三十七分步之六萬二千五百七十六。此以定法加借算也。孫子算經開方積二十三萬四千五百六十七步。旣得四百八十四步。尙有未盡。乃命分

云倍隅法從方法上商得四百八十四下法得九百六十八不盡三百一十一是爲九百六十八分步之三百一十一此定法不加借算也蓋除豫有定法開方除不豫有定法故先借一算列位以求之求得數卽得法數定而後法定逐漸而得數亦逐漸而得法因亦逐漸而借算初借之一數方也方有數矣又借一數則隅也所餘之實乃兩方邊一隅邊之所除今倍方爲兩方邊隅邊之數則正未豫知遂姑以虛借之一數合兩方邊之數以爲分母而究之分母終非真數焉得隅數之盡巧合於一哉

設積一百二十一開方之初商得一



十餘二十一不盡乃倍方爲二十加虛借之一合二十一以爲母是二十一分之二十一巧合於一十一

劉氏以爲不定而不可用是也。面命之說今不依用亦未有詳之者。審其於開方術云言百之面十也言萬之面百也。又云倍之者豫張兩面又云再以黃乙之面加定法是面卽指方邊而言故以三分之一言之積十初商三減去實之九餘實一命爲三分之一亦以三爲方邊也。但此據一邊爲母謂之不失恐亦未然。因又有求微數爲分子之說何也。據一邊言則止有一廉已變平方爲縱方故必開至豪忽微秒以下無名可言然後命分於一邊爲數無多不見縱方

之形故曰不足言之也非定術不爲立例而辨之於此。

滿法者爲全以母乘全得積分以子入之爲內子別以數乘之爲乘散據法以命實爲命分化母以就子爲通分。

劉氏注九章算術云分母乘全內子乘散全則爲積分積分則與分子相通故可令相從張邱建算經云以九乘二十一五分之三問得幾何答曰一百九十四五分之二草曰置二十一以分母五乘之內子三得一百八以九乘之得九百七十二循案通分內子

之義劉氏數語了然張邱建劉孝孫足以發明之蓋  
九者散也二十一者全也五者母也三者子也二十  
一爲法除實之得數三爲實所餘之數欲以九乘之  
則納鑿不相入必仍以二十一乘母之五得原數而  
後與子相通內子得原積矣得原積而後乘散數之  
九乃不得也如一斤爲十六兩則十六兩爲法亦爲  
母足十六兩得一斤之全不足十六兩則不得一斤  
之全而爲子數今有二十一斤三兩是二十一斤十  
六分斤之三也以十六兩乘二十一斤則化二十一  
斤爲三百三十六兩然後與三兩相通可內三兩爲

三百三十九兩也。又如一年爲十二月，則十二月爲法，亦爲母，足十二月，得一年之全，不足十二月，則不得一年之全，而爲子數。今有二十一年零三月，是二十一年十二分年之三也。以十二月乘二十一年，則化二十一年爲二百五十二月，然後與三月相通，內三月爲二百五十五月也。因其不能成斤，而命之爲兩，不能成年，而命之爲月，是命分也。因兩之不能成斤，而化斤以就兩，因月之不能成年，而化年以就月，是通分也。有命分，因有通分，通分出於命分，二者實相表裏矣。

通分以乘散以法收之得全乘子而過母以法收之亦得全。

劉氏九章算術注云凡實不滿法者乃有母子之名若有分以乘其實而長之則亦滿法乃爲全耳張邱建算經草云置二十一以分母五乘之內子三得一百八以九乘之得九百七十二却以分母五而一按以分母五而一者仍收所通爲全得一百九十四又五分之二也九章算術云三分之二七分之二九分之五合之得幾何答曰得一六十三分之五十按三七九連乘得一百八十九約之爲六十三豆乘二四

五爲三百三十九。過母數。故升一百八十九爲全數之一。餘一百五十。亦約爲五十。故得全數一。又六十分之五。十也。

倍其母則子半。半其母則子倍。

母子之名起於帶分。亦通於諸率。如若干物若干價。則物母而價子。若干邑若干人。則邑母而人子。設良馬二匹。值錢千貫。欲倍之。則倍千貫爲二千貫。可也。半二匹爲一匹。亦可也。半二匹爲一匹。子不倍而自倍矣。設嘉穀一石。值錢一千六百。欲半之。則半一千六百爲八百。可也。倍一石爲二石。亦可也。倍一石爲

二石子不半而自半矣。劉氏注云：子不可半者，倍其母，倍半之用異而同也。開方術云：除已倍法爲定法，初商得平方，尙有餘實，必分加於四面，而補其四隅，半其四面爲二廉，卽省其四隅爲一隅，是卽可半而半之義。於四爲半，於一爲倍，此用倍正用半之妙也。弦自乘而半之，如廣自乘之積，則廣自乘而倍之，如弦自乘之積，句自乘，股自乘，相并，猶廣自乘而倍之也。弦自乘方積中，以股自乘爲正方，則句自乘必爲兩廉，一隅，如開方狀。股弦差自乘，卽隅，股弦差乘股，卽廉，以股弦差乘句積，卽兩廉，一隅相連之縱方，故

以股弦差乘句積視兩股則多一差視兩弦則少一  
差多一差故減差而半之得股少一差故加差而半  
之得弦張邱建算經葭池術云置葭去岸尺數自相  
乘以出水尺數而一所得加出水而半之得葭長減  
出水尺數卽得水深蓋水深爲股葭長爲弦出水爲  
股弦差葭去岸尺數爲句也九章算術葭池術云半  
池方自乘以出水一尺自乘減之餘倍出水除之卽  
得水深加出水數得葭長此亦以水深爲股葭長爲  
弦出水爲股弦差葭去岸爲句乃不用半而用倍者  
以差乘句積而半之與倍差乘句積其義一也又題



云立木繫索其末委地三尺引索卻行去本八尺而  
索盡術云以去本自乘令如委數而一所得加委地  
數而半之卽索長又題云垣高一丈倚木於垣高與  
垣齊引木卻行一尺其木至地術云以垣高自乘如  
卻行尺數而一所得以加卻行尺數半之卽木長數  
二者卽張邱建求葭長之法又題云竹高一丈末折  
抵地去本三尺問折者高幾何術曰以去本自乘令  
如高而一所得以減竹高而半其餘卽折者之高此  
去本爲句高爲股弦并以股弦差除句積得股弦并  
則以股弦并除句積得股弦差減差而半之得股猶

減出水而半之。得水深也是用半正用倍之妙也。鑿道術云。圓材以鑿鑿之。深一寸。鑿道長一尺半。鑿道自乘。如深寸而一。以深寸增之。卽材徑。蓋材徑爲弦。鑿道爲句。深寸爲股。弦差之半。就鑿道則必倍深寸。以除鑿道之自乘而半之。今就深寸。則半鑿道自乘。而以深寸除之。所得爲半徑者二。合之正爲全徑。不必更半之也。又術云。開門去闔一尺。不合二寸。問門廣幾何。以去闔一尺自乘。所得以不合二寸半之而一。所得增不合之半。卽得門廣。此門廣如材徑。以爲股。則去闔之一尺。僅得句之半。必倍之自乘。以不合

二寸爲股弦差除之減差而半之乃得廣今不倍去  
闕之一尺故必半不合之二寸既半不合之二寸故  
不必半已除之句積鑿道之半在差故半句同於倍  
差門廣之半在句故半差同於倍句也又題云戶高  
多於廣六尺八寸兩隅相去適一丈問戶高廣各幾  
何術云令一丈自乘爲實半相多令自乘倍之減實  
半其餘以開方除之所得減相多之半卽戶廣加相  
多之半卽戶高劉氏注云弦冪適滿萬寸倍之減句  
股差冪開方除之所得卽句股并數以差減并而半  
之卽戶廣加相多之數卽戶高今此術先求其半蓋

弦自乘爲句股者四。爲句股差自乘者一。倍之則爲句股者八。爲句股差自乘者二。若句股并自乘則爲句股者八。爲句股差自乘者一。於弦自乘倍之。而減一句股差之自乘。適得句股并之自乘。故開方之卽得句股并。得句股并。則加差而半之。得股。減差而半之。得句。欲得句股并。故倍之於前。欲得句股。故半之於後。此劉氏注義也。經乃半相多自乘倍之。減實者相多。卽句股差半而自乘。而又倍之。卽相多自乘而半之也。弦自乘之實。爲句股四。爲句股差自乘者一。減去差自乘之半。是餘句股四。及差自乘之半。復於

此所餘者而半之。是得句股二。句股差自乘者四分之一。亦卽爲句股并自乘者四分之一。開方得句股并之半。故在句股并加差者。在此加差之半。在句股并減差者。在此減差之半。本爲句股并之半。則不必更爲半之。故曰先求其半。其用倍用半之通。亦錄道門廣之義也。容圓術云。八步爲句。十五步爲股。爲之求弦。三位并之爲法。以句乘股倍之爲實。實如法得徑一步。蓋句乘股得積。以句股並而除之。卽圓半徑。倍積而後除。猶旣除而後倍也。若以句乘股爲子。句股並爲母。并句股並而半之。則不必倍句乘股。

之積矣。商功芻蕘術云：倍下表，上表從之，以廣乘之。又以高乘之，六而一。芻童術云：倍上表，下表從之，亦倍下表，上表從之，各以其廣乘之，并以高若深乘之，皆六而一。蓋立方邪剖爲二，曰塹堵，邪剖爲三，曰陽馬。二塹堵背連，兩端各附以二陽馬，曰芻蕘。一立方四塹堵，四陽馬相連，曰芻童。二者之高及下表下廣皆同於立方。表廣高三者相乘爲立方，較芻蕘多二。塹堵八陽馬，較芻童多四。塹堵八陽馬，均不便於算。故倍下表乘爲兩立方，則爲塹堵者八，爲陽馬者二。十四。又以上表與高廣相乘爲立方，爲塹堵者四，合

之得塹堵十二陽馬二十四恰當六芻蕘之數倍芻

童之下表乘下廣及高則爲立方者二爲塹堵者十

六爲陽馬者二十四上表從之則爲立方者一爲塹

堵者四

上表承下廣故有兩旁無四隅

又倍上表乘上廣及高則爲

立方者二下表從之則爲立方者一爲塹堵者四合

之得立方六塹堵陽馬各二十四亦恰當六芻童之

數劉氏注芻蕘云亦可令上下表差乘廣以高乘之

三而一卽四陽馬下廣乘上表而半之高乘之卽二

塹堵并之以爲蕘積經合陽馬於塹堵故倍之以合

其數注分陽馬於塹堵故半之以得其實也注芻童

云又可令上下廣袤差相乘以高乘之三而一上下  
廣袤互相乘并而半之以高乘之并之爲芻童積此  
亦分陽馬塹堵義如芻蕘注又云又可令上下廣袤  
互相乘而半之上下廣袤又各自乘并以高乘之三

而一卽得蓋上下廣袤各乘爲平方又各乘以高爲

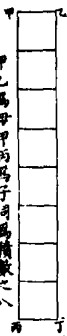
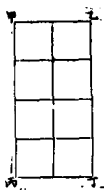
大小兩立方得立方二形如小立方塹堵八陽馬十二大立方

方多於小立方之形是兩芻童多四陽馬也三芻童少一立方

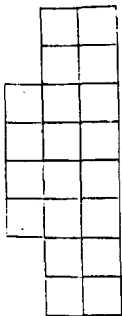
四塹堵也上下廣袤互相乘而乘以高是成兩縱方  
體爲立方者二爲塹堵者八兩芻童少八陽馬也合  
之是四芻童多四陽馬也試以廣袤各自乘者爲母



廣表互相乘者爲子。母多四陽馬，子少八陽馬。若倍母爲四芻童，則多八陽馬。正與子盈虛相補而恰成六芻童也。若半子爲一芻童，則少四陽馬，亦正與母盈虛相補而恰成三芻童也。就其母則半其子，就其子則倍其母，舉一反三術可知矣。塹堵陽馬出於立方，詳見於前。此第以明用倍用半之義爾。



甲乙爲母，甲丙爲子，同爲積數之八。  
以母二除之，得子四，半二除之，得子  
八倍，四除之，得母一。

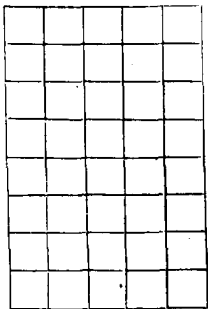


右母爲前甲乙丙丁之積者二  
則多四



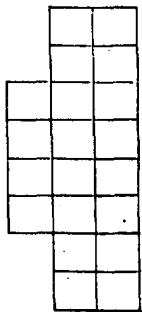
右子爲前甲乙丙丁之積者二  
則少八

倍母二爲四則多八



以母之多八補子之少八則  
合成甲乙丙丁之積者六





不倍其母則半其子



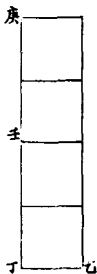
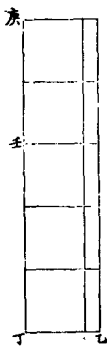
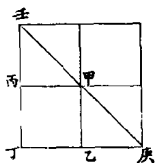
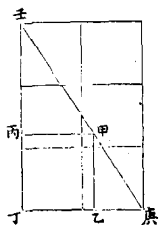
半子之八為四則為甲乙丙丁  
之積者少四以消母之所多為  
甲乙丙丁之積者三

母之所增視全母爲幾分則子之所減亦視全子爲幾分母之所減視全母爲幾分則子之所增亦視全子爲幾分。

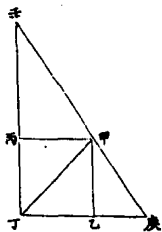
母子倍半之互易除法之理已不外是由倍半而推之則無論增減幾分皆可以倍半互易之理例之如以三除九得三倍三爲六以除九則得一五爲三之半再倍三爲九以除九則得一九之於三爲增三分之二二一之於三爲減三分之二又如句三股四相乘爲十二若倍三爲六以除十二則股得二爲四之半或增股爲六以除十二則句得二六之於四猶三之

於二也。句股容方術云。并句股爲法。句股相乘爲實。實如法而一。按句股相乘。卽方積也。并句於股。卽母子倍半之術也。設正方之積四。旁午畫之。則爲方一者。四以茲斜界之。所容一方。正其一邊之半。蓋二除四爲二。并二於二爲四。以除四則得一。旣爲二之半。亦卽爲容方之邊矣。正方如是縱方。可知句六股十二相乘。積七十二。並六於十二爲十八。以除七十二得四。卽容方之邊。而六於十八爲三分之一。二於六亦三分之一。增四減二。其義一也。於是分容方之兩邊。卽爲中垂綫。倍句股積。并句股除之。得容方之兩

邊則倍三角積以底除之得中垂綫剖句股爲兩三角則在句股爲容方之兩邊者在三角爲中垂綫矣



庚壬丁爲句股  
甲乙丙丁爲所  
容之方



庚壬丁句股形自甲丁分之爲兩三角形一爲  
 甲庚丁以甲乙爲中垂綫一爲壬甲丁以甲丙  
 爲中垂綫合兩中垂綫即爲容方  
 倍甲庚丁以庚丁除之得丙丁即得甲乙倍壬  
 甲丁以壬丁除之得乙丁即得甲丙

分其母爲幾倍之多子亦視其母之幾倍而分之并其  
 母爲幾倍之損子亦視其母之幾倍而并之爲約除

母倍則子半母半則子倍此倍半於母子原數之外  
 也母倍子亦倍母半子亦半此倍半於母子原數之  
 中也九章算術明諸分之理首詳約分題曰今有十



八分之十二問約之得幾何答曰三分之二又曰有  
九十一分之四十九問約之得幾何答曰十三分之  
七術曰可半者半之不可半者副置分母子之數以  
少減多更相減損求其等也以等數約之劉氏注云  
約分者物之數量不可悉全必以分言之分之爲數  
繇則難用設有四分之二者繇而言之亦可爲八分  
之四約而言之則二分之一也雖則異辭至於爲數  
亦同歸爾按以十八半爲九十二半爲六爲九分之  
六所謂可半者半之也以十八減十二餘六卽以六  
除母子爲三分之二

六除十八爲三  
六除十二爲二所謂副置分母

以少減多也。以九十一減四十九，餘四十二。又以四十二減四十九，餘七。所謂更相減損也。蓋母較子爲若干倍，以其積數言之可也；以其倍數統言之亦可也。子本一數，則以母遞減得其同。子本二倍三倍以上，則必以母子互減而得其同。詳見卷一同者數之根，故

以根約爲母子也。不曰除曰約者，化緜爲約之謂也。乃化緜爲約者，亦可化約爲緜。古人適於用，故不備其義。爾孫子算經題云：今有九家共輸租一千斛，甲出三十五，乙出四十六，丙出五十七，丁出六十八，戊出七十九，己出八十，庚出一百，辛出二百一十，壬出

三百二十五。儻運值折二百斛外。問家各幾何。術以各家所出之率。以四乘之。以五除之。按此九家出率。合得一千。共輸之。一千折去二百。存八百。是宜以一千爲首率。八百爲二率。與各家出率。異乘同除。而得各家之數。今不用一千八百。而用五四者。五爲一千之半。四爲八百之半。可半而半之也。是故粟率五十。粳米二十四。菽。答。麻。麥各四十五。而求粟爲粳米之法。十二之二十五。而一十二者。粳米率之半也。二十五者。粟率之半也。又均輸。有人當稟率二斛。倉無粟。欲與米一菽二。李淳風云。置粟率五。乘米一。米率三。

除之粟率十以乘菽二菽率九除之粟率十者五十  
 之倍也菽率九者四十五之倍也母倍子亦倍母半  
 子亦半此可例矣

八 分 十									

割四爲八  
 十  
 分  
 十  
 十  
 分  
 十  
 十  
 分  
 十

十 分 一			

并八爲四  
 十  
 分  
 一  
 十  
 分  
 一  
 十  
 分  
 一

二之一 四之二 六之三 八之四 十之五  
十二之六 十四之七 十六之八 十八之九  
三之一 六之二 九之三 十二之四 十五之  
五 十八之六 二十一之七 二十四之八  
二十七之九

三之二 六之四 九之六 十二之八 十五之  
十 十八之十二 二十一之十四 二十四之  
十六 二十七之十八

四之一 八之二 十二之三 十六之四 二十  
之五 二十四之六 二十八之七 三十二之

八 三十六之九

四之二 八之四 十二之六 十六之八 二十

之十 二十四之十二 二十八之十四 三十

二之十六 三十六之十八

四之三 八之六 十二之九 十六之十二 二

十之十五 二十四之十八 二十八之二十一

三十二之二十四 三十六之二十七

五之一 十之二 十五之三 二十之四 二十

五之五 三十之六 三十五之七 四十之八

四十五之九

五之二 十之四 十五之六 二十之八 二十  
五之十 三十之十二 三十五之十四 四十  
之十六 四十五之十八

五之三 十之六 十五之九 二十之十二 二  
十五之十五 三十之十八 三十五之二十一  
四十之二十四 四十五之二十七

五之四 十之八 十五之十二 二十之十六  
二十五之二十 三十之二十四 三十五之二  
十八 四十之三十二 四十五之三十六  
六之一 十二之二 十八之三 二十四之四

三十之五 三十六之六 四十二之七 四十

八之八 五十四之九

六之二 十二之四 十八之六 二十四之八

三十之十 三十六之十二 四十二之十四

四十八之十六 五十四之十八

六之三 十二之六 十八之九 二十四之十二

三十之十五 三十六之十八 四十二之二十

十一 四十八之二十四 五十四之二十七

六之四 十二之八 十八之十二 二十四之十六

六 三十之二十 三十六之二十四 四十二



之二十八 四十八之三十二 五十四之三十四

六

六之五 十二之十 十八之十五 二十四之二

十 三十之二十五 三十六之三十四 四十二

之三十五 四十八之四十 五十四之四十八

七之一 十四之二 二十一之三 二十八之四

三十五之五 四十二之六 四十九之七

五十六之八 六十三之九

七之二 十四之四 二十一之六 二十八之八

三十五之十 四十二之十二 四十九之十

四 五十六之十六 六十三之十八

七之三 十四之六 二十一之九 二十八之十

二 三十五之十五 四十二之十八 四十九

之二十一 五十六之二十四 六十三之二十

七

七之四 十四之八 二十一之十二 二十八之

十六 三十五之二十 四十二之二十四 四

十九之二十八 五十六之三十二 六十三之

三十六

七之五 十四之十 二十一之十五 二十八之

二十 三十五之二十五 四十二之三十一 四  
十九之三十五 五十六之四十 六十三之四  
十五

七之六 十四之十二 二十一之十八 二十八  
之二十四 三十五之三十 四十二之三十三  
四十九之四十二 五十六之四十八 六十  
三之五十四

八之一 十六之二 二十四之三 三十二之四  
四十之五 四十八之六 五十六之七 六  
十四之八 七十二之九

八之二 十六之四 二十四之六 三十二之八

四十之十 四十八之十二 五十六之十四

六十四之十六 七十二之十八

八之三 十六之六 二十四之九 三十二之十

二 四十之十五 四十八之十八 五十六之

二十一 六十四之二十四 七十二之二十七

八之四 十六之八 二十四之十二 三十二之

十六 四十之二十 四十八之二十四 五十

六之二十八 六十四之三十二 七十二之三

十六

八之五 十六之十 二十四之十五 三十二之  
二十 四十之二十五 四十八之三十 五十  
六之三十五 六十四之四十 七十二之四十  
五

八之六 十六之十二 二十四之十八 三十二  
之二十四 四十之三十 四十八之三十六  
五十六之四十二 六十四之四十八 七十二  
之五十四

八之七 十六之十四 二十四之二十一 三十  
二之二十八 四十之三十五 四十八之四十

二 五十六之四十九 六十四之五十六 七  
十二之六十三

九之一 十八之二 二十七之三 三十六之四  
四十五之五 五十四之六 六十三之七

七十二之八 八十一之九

九之二 十八之四 二十七之六 三十六之八  
四十五之十 五十四之十二 六十三之四  
七十二之十六 八十一之十八

九之三 十八之六 二十七之九 三十六之十  
二 四十五之十五 五十四之十八 六十三

之二十一 七十二之二十四 八十一之二十

七

九之四 十八之八 二十七之十二 三十六之

十六 四十五之二十 五十四之二十四 六

十三之二十八 七十二之三十二 八十一之

三十六

九之五 十八之十 二十七之十五 三十六之

二十 四十五之二十五 五十四之三十 六

十三之三十五 七十二之四十 八十一之四

十五

九之六 十八之十二 二十七之十八 三十六  
之二十四 四十五之三十 五十四之三十六  
六十三之四十二 七十二之四十八 八十  
一之五十四

九之七 十八之十四 二十七之二十一 三十  
六之二十八 四十五之三十五 五十四之四  
十二 六十三之四十九 七十二之五十六  
八十一之六十三

九之八 十八之十六 二十七之二十四 三十  
六之三十二 四十五之四十 五十四之四十



八 六十三之五十六 七十二之六十四 八

十一之七十二

自乘則母有二，必由一母求二母之通分，再自乘則母有三，必由一母求三母之通分。

九章少廣開方術云：實有分者，通分內子爲定實，乃開之訖，開其母報除。若母不可開者，又以母再乘定實，乃開之訖，令如母而一。李淳風云：分母可開者，並通之積，先合二母，既開之後，一母尚存，故開分母，求一母爲法，以報除也。分母不可開者，本一母也，又以母乘之，乃合二母，既開之後，亦一母存焉，故令如母。

而一得全面也。循按二母者平方之邊一也。方邊自乘之數二也。如方七十里國二十一。則方七十里爲母不足七十里爲子。若方三十里則云七十分國之三十矣。此一母也。乃方七十則積四千九百里。以此積爲母亦以方三十里之積九百爲子。又云四千九百分國之九百矣。是又一母也。以此二十一國開方通其分爲一千四百七十。二十一乘七十一不可以開。必通爲十萬。口口二千九百。二十一乘四十九百而後可開。既開得數以四千九百除之。卽得每面若干國。問者舉積十萬口口二千九百及母數四千九百者必以四千九百

開方得七十爲母。以除得每百國數。所謂開其母報除也。若止舉七十里爲母。則必以七十自乘得四九九百。合爲十萬。口口二千九百。既開以七十除之。所謂以母再乘定實也。和而開之。是母之四千九百已合入十萬。口口二千九百矣。所謂分母可開者。並通之積也。邊化於積中。所謂先合二母也。所開者積所得者邊。是一母存也。舉積可開。舉邊不可開。積二母邊一母。故曰本一母也。又以母乘之。乃合二母者。求得積邊數化於其中也。本是邊不必再求。故如母而一。卽得也。總之實宜用積。不可用邊。故必合二母報。

除宜用邊不可用積故必求一母明乎一母二母之  
理開方之能事盡矣二母如是三母可知三母者立  
方之積也邊爲一母羈爲二母立方體爲三母開立  
方術云積有分者通分內子爲定實定實乃開之訖  
開其母以報除若母不可開者又以母再乘定實乃  
開之訖令如母而一李淳風云分母可開者並通之  
積先合三母既開之後一母尙存故開分母求一母  
爲法以報除也分母不可開者本一母也又以母再  
乘之令合三母既開之後一母猶存故令如母而一  
其術與平方二母同如方明之制方四尺設有八枚

欲合爲立方問根幾何每方四尺爲一母自乘十六尺爲二母再乘六十四尺爲三母必以八枚乘三母之數爲五百一十二尺以此開立方得八尺是不可以六十四除之亦不可以十六除之必仍以一母之四尺除之得二是爲每邊得二方明也。



十六 四行四


既行  
而得  
一母  
一  
如  
母

二十 四行四 井 四 是 四 是 四 是 四

倍其子爲實，倍其母爲法，除之。如母除子之數，以子之  
差爲實，以母之差爲法，除之，亦得母除子之數，以倍子  
乘倍母，以一數除之。如除子乘母之數，以子差乘母差，  
以一數除之，亦如除子乘母之數。

方程之術，於齊同之後，繼以減除。蓋凡母子兩數用

其全以除全與用其零以除零其理正同若甲三乙四丙五以三乘五爲一十五以四乘五爲二十并三四爲七并一十五與二十爲二十五以七除之得五若以四減三爲一以一十五減二十爲五以一除五亦得五方程以兩色爲和較而每色相當既減去其一色則所餘之差卽一色之差故除之而得也若盈不足於齊同之後以出率相減爲法以乘盈朒之并數蓋盈不足本整數之差不必更減而卽爲以差除差兩盈兩朒則又必差中求差而後以差減差也差分本以差爲名故貴賤之數全以用差除差爲巧蓋

既以賤價乘總物必少於總價之數其所少正貴物  
總價多於賤物總價之數而以貴物之價多於賤物  
者除之以差除差而得貴物價矣以貴價乘總物必  
多於總價之數其所多正賤物總價少於貴物總價  
之數而以賤物之價少於貴物者除之亦以差除差  
而得賤物價矣梅氏於乘法還原有九試七試之法  
以九與七減法實得餘法餘實之數又用以減法乘  
實之數及餘法乘餘實之數所餘必等此卽以差爲  
母子之理法乘實之數以九減之如是法差實差所  
乘之數以九減之亦如是以此數減之不啻以此數



除之用九用七可也。用二三四五六八亦可也。

直以母除子爲徑分。不可徑分而徑分之。得貴賤之數。謂之法賤實貴。

今有貴賤差分之術。卽粟米章貴賤之術也。其術於錢多物少者。以錢爲實物爲法。除之。其不盡者卽貴物之數。復以此數減法所餘。卽賤物之數。錢少物多者。以錢爲法。物爲實。除之。其不盡者卽多物之價。復以此價減法所餘。卽少物之價。經曰。法賤實貴。法少實多是也。李淳風注釋云。乘實宜以多。乘法宜以少。蓋旣得物價。欲由價求物數。故以少物乘少價之共。

數得少價之共物以多物乘多價之共數得多價之  
共物推此既得物數欲由物求物價則以貴價乘貴  
物之共數得貴價之共數以賤價乘賤物之共數得  
賤價之共數古謂之其率返其率不以貴賤爲術名  
也今貴賤衰分不用徑除用徑乘者古以共數求之  
故用除貴賤衰分有出率以出率求之故反乎除而  
用乘用除則以實之餘減法用乘則以實之餘減共  
數術詳於古其究不外其率反其率之二術也徑除  
者九章方田謂之經分粟米謂之經率題云出錢一  
百六十買瓠鬻十八枚問枚幾何術曰以所買率爲

法所出錢數爲實實如法得一。李淳風注釋云。按今有之義。以所求率乘所有數。合以瓠璧一枚。乘錢一百六十爲實。但以一乘不長。故不復乘。是以徑將所買之率。與所出之錢爲法實也。此卽除法之常。因以共價共物求一物之價。有似於今有術。而三率爲單數。可省一乘。此經之所以名也。貴賤兩數。不可一除。而卽得。而一除。可以得貴數。故不可徑除。而亦徑除之。常推其術之意。凡句股形。有一角一邊。可以求邊。三角形。則一角一邊。不可以求邊。乃不可以求而徑求之。遂得垂綫。再由垂綫而得邊。此卽貴賤衰分用。

徑乘徑除之理也。明於其理，而貫通之。天下焉有死  
法與



加減乘除釋卷五

江都焦循學

以胸減盈合減數差數必與盈數等以兩胸減一盈合減數之兩胸與差數必與盈數等以一胸減兩數之盈或兩盈或一胸一盈或兩胸合之皆盈於一胸合減數差數必與兩數之盈等盈數爲和減數差數爲較分和卽爲較合較卽爲和和常在盈較常在胸以兩較言之較亦有盈以兩和言之盈亦有胸

加減之法婦孺所共知然其理至精其用至奧在算數如方程在測量如矢較及其精微不過加減而已

爲推其例。大略有三。曰以兩腑減盈。兩色方程之和較也。曰以兩腑減一盈。曰以一腑減兩數之盈。三色方程之和較也。四色五色以上。皆可以此爲例。以兩腑減盈。分一爲二也。以兩腑減一盈。分一爲三也。以一腑減兩數之盈。合二爲一。又互分一爲二也。分一爲二。則一卽二之和。二卽一之較也。分一爲三。則一卽三之和。三卽一之較也。合二爲一。又分一爲二。則合爲分之和。分爲合之較也。

一

二 減一餘一

三 減一餘二 考 減二餘一

四 減一餘三 減三餘一 減二餘二

五 減一餘四 減四餘一 減二餘三 減三餘

二

六 減一餘五 減五餘一 減二餘四 減四餘

二 減三餘三

七 減一餘六 減六餘一 減二餘五 減五餘

二 減三餘四 減四餘三

八 減一餘七 減七餘一 減二餘六 減六餘

二 減三餘五 減五餘三 減四餘四



九 減一餘八 減八餘一 減二餘七 減七餘  
二 減三餘六 減六餘三 減四餘五 減  
五餘四

右以胸減盈

一

二

三 減一一餘一

四 減一一餘二 減一二餘一

五 減一一餘三 減一二餘二 減一三餘一

減二二餘一

六 減一一餘四 減一二餘三 減一三餘二

減一四餘一 減二二餘二 減二三餘一

七 減一一餘五 減一二餘四 減一三餘三

減一四餘二 減一五餘一 減二二餘三

減二三餘二 減二四餘一 減三三餘一

八 減一一餘六 減一二餘五 減一三餘四

減一四餘三 減一五餘二 減一六餘一

減二二餘四 減二三餘三 減二四餘二

減二五餘一 減三三餘二 減三四餘一

九 減一一餘七 減一二餘六 減一三餘五

減一四餘四 減一五餘三 減一六餘二

減一七餘一 減二二餘五 減二三餘四

減二四餘三 減二五餘二 減二六餘一

減三三餘三 減三四餘二 減三五餘一

減四四餘一

右以兩胸減一盈

一一

一二

一三 一二一

一四 一二三

一五 二四 三三

一六 二五 三四

一七 二六 三五 四四

一八 二七 三六 四五

一九 二八 三七 四六 五五

一十 二九 三八 四七 五六

一十一 三十 三九 四八 五七 六六

一十二 三十一 四十 四九 五八 六七

一十三 三十二 四十一 五十 五九 六八 七七

一十四 三十三 四十二 五十一 六十 六九 七八

一五十二  
四十三  
三十三  
四十二  
五十一  
六十一  
七十九

八八

一六十二  
五十三  
三十四  
四十三  
五十二  
六十一  
七十一

八九

一七二十六  
三十五  
四十四  
五十三  
六十二  
七十一

八十一  
九九

右以一胸減兩數之盈

如一減二二餘三  
二減一三餘二

自一行言之和較因加減而後名自兩行言之加減因和較而始定

一行兩行詳見後圖

以和較言之因加減而有盈胸

以加減言之因盈胸以生和較以胸減盈必有一和兩

較和較純盈朒純則用加減純所得和從乎和較從乎較和較互盈朒純則用加減互所得和從乎和之盈較從乎較和較純盈朒互則用加減純所加得之和從乎和減得之和從乎較之盈和較互盈朒互則用加減互所加得之和從乎和之盈減得之和從乎較之並

九章算術於方程一章設爲禾秉牛羊燕雀等術有云上若干中若干下若干實若干題之曰方程李淳風注釋云此都術也蓋上列較數下列和數爲方程之正故又有云如方程損之曰益益之曰損損益者卽相較之差也又有云如方程以正負術入之正負

術云同名相除異名相益正無入負之負無入正之  
其異名相除同名相益正無入正之負無入負之李  
籍音義云正與正同名負與負同名同名相除則異  
名者相益異名相除則同名者相益一正一負相反  
而相爲用此解正負至精至當元明以來不知正負  
之旨於是以空位立負往往推之不可以通梅勿菴  
反復推求撰論六卷痛斥立負之非遂株連於異減  
同加之術而以爲誤立四例曰和曰較曰和較雜曰  
和較變又定爲同名相減加異名相減減之例於是有變  
正爲負變負爲正之說使首位皆爲同名法之畫一

非同偶中誠爲不朽之功然求乎加減之原則和較

正負之名皆爲僑設非其本也

梅勿菴句股舉隅說窺望海島云程賓渠

著算法統宗頗能備九章其句股章言劉徽注九章立重差之法以窺望海島爲篇目迨後唐李淳風朱揚輝釋名圖解以彰前美劉李諸君之書必有精義而世不多有梅氏此說蓋未見劉氏九章注也

嘗細推究之方程設問列兩率於上下言總數者舉

和數以求較數也列兩率於上下言差數者舉較數

以求和數較數也今專就所舉以爲名目已爲偏指

若正負之立第用之以標同異非若盈不足術之同

名異名爲加減一定之臬正負標明或同減而異加

或同加而異減如李籍所注非不畫一易辨今膠柱



於同減異加必斥去同加異減之說而別立爲正負  
交變之法恐轉不免於拘且繇於舊術矣蓋推夫加  
減之原不獨和較之名不可彊分卽正負之名亦不  
必假設也方程之術必以和較並立有和較較者有  
較和較者有較較和者兩行皆較較和卽勿菴之和  
數兩行皆和較較或皆較和較卽勿菴之較數一行  
較較和一行和較較卽勿菴之和較雜兩和相當或  
兩較相當卽兩正兩負之同名一和一較相當卽一  
正一負之異名加減所得和從和較從較則勿菴之  
所謂不變較從乎和和從乎較則勿菴之所謂和較

變試細推之和較純盈朒純者和較爲本行之盈朒盈朒爲隔行之和較皆純則一行均盈一行均朒以和加和以和減和仍得和以較加較以較減較仍得較列位本無糅雜則加減亦不得糅雜加減不糅雜所得之和較亦自無糅雜也或兩行之盈朒雖純而和較相互以和當較以較當和以較當較是兩異名一同名異加則同減異減則同加故加減亦互也蓋以和加較以較加和互相消息而多少相補既齊其所不齊而別爲新差也若齊其不齊遂無差數則爲適足矣以

和減較以較減和是盈中所減者少。胸中所減者多。則此率之差必增於原差。而所以增者。卽緣彼率之有差。彼率以差相減。卽以差相予。新予之差。旣受原有之差。亦存。

詳見卷一

故并兩較而適如所減兩數相減

之差也。此兩較加減之所以仍得較。兩較旣仍得較。則和必從乎一和一較矣。一和一較有兩。則兩和必有一盈于兩較中。去一和而償一較。則此和數中多彼一較數矣。故減去此較數。而和仍爲和。於兩較中去一較。而償一和。則和數中少彼一較矣。故加此較數。而和亦仍爲和。此和從乎和之盈也。若和之胸者。

其兩較之加減皆必從乎彼率。烏得仍爲和數乎。其或和較既互盈。兩亦互。其加減互用之理同乎前而所得之和較則有異。然所得和較之異屬於減不屬於加。何也。所異於盈。兩純者惟左右之互易。亦既左右相加。遂無分於孰左孰右。故於左右之互易者而加之。和從乎和之盈。自若也。以言乎減。本以左兩盈減右兩兩。故兩從乎盈。而和較相值。今以左兩減右盈。以右兩減左盈。是兩盈中各減一兩。兩盈中各減一兩。卽兩盈中共減兩兩。此兩盈卽兩和。本於兩和中減去兩較。雖縱橫互易。而減差不易。故減兩和而

爲較加兩較而爲和也。其或盈朒互而和較純皆同名則用加減不可互。均用加則和較之仍和較。自若也。均用減於左盈減右朒。是左右各減一同數之朒也。左四中減去右三是於右盈減左朒。是亦左右各

減一同數之朒也。

右六中減去左二

左右所減皆同

則兩盈之減餘雖朒於兩和而差則存而不改。故減兩和卽兩盈之差。而較從乎和。兩較相減減餘必屬較之盈。故減兩盈而和從乎較之盈也。以兩和列於下。其上中必兩較。以兩較列於下。其兩和或在上。或在中。或上中各一和一較。以一和一較列於下。其上

或兩較或亦一和一較且舉其下正所以求其上中故曰和較之名不可以彊分勿菴分和較之名自其下列者而名之耳

和九

較六

較三

和三

較二

較一

和六

較四

較二

三二一皆胸於六  
四二是胸之純  
六四二皆盈於三  
二一是盈之純

和三

較二

較一

右和較純盈胸純加減純

較七

和八

較一

和三

較二

較一

較四

和六

較二

較一

和四

較三

較七

較一

和八

和三

較一

較二

較四

較二

和六

較一

較三

和四

右二圖和較互盈臆純加減互

較七

較八

和十五

較三

較六

和九

三臆於四六盈於二九  
盈於六臆與盈互

較四

較二

和六

四盈於三二胸於六六  
胸於九是盈與胸互

較一

和四

較三

右和較純盈胸互加減純

較七

和八

較一

較三

和六

較三

和四

較二

較二

較一

較四

和五

右和較互盈胸互加減互

以兩胸減一盈則有一和三較和較純盈胸純用加減  
純所得和從乎和較從乎較和較互盈胸純用加減互



所得和從乎和之盈較從乎較和較純盈胸互用加減  
純用加則所得之和從乎和用減則變兩和兩較而所  
得之兩和從乎較之盈和較互盈胸互用加減互於互  
用加則所得之和從乎和之盈於互用減則變兩和兩  
較而所得之兩和從乎一和一較之盈。

一和三較與一和二較理同惟和較純盈胸互者用  
加和從乎和用減從乎較之盈雖亦與一和二較之  
例同乃用減則一和變爲二和三較變爲兩較者何  
也於本行和內以和之盈  
爲本行減去彼行之和而償以彼  
行較數之盈者是本行之和內減彼行兩胸較也於

本行兩盈較

本行之和盈於彼行則本行必有兩盈較

各減一彼行之朒

較與本行之和爲同少彼行之兩朒較矣惟和數繫

三較之總此止兩較則和內尙多一較旣於彼行所

償較中減去此尙多之較數則此和彼較之減餘自

與兩較之減餘相等此所以變也若和較盈朒皆互

於互用加與盈朒之未互者同和仍依乎和之盈也

於互用減則本行之和與彼行之和各減去一較則

兩和之減餘卽其餘四較之總數也

和十五

較七

較五

較三

和六

較三

較二

較一

和九

較四

較三

較二

和三三

較一一

較一一

較一一

右和較盈朒加減皆純

和十

較七

較二

較一

和三九

較三四

較三三

較三二

較一

和三三

較一

較一

和三八

較三一

較三四

較三三

右和較互盈朒純加減互

和十五

較五

較六

較四

和三六

較三三

較三二

較三一

和九

較二

較四

較三

較三

較一

和二

和二

右和較純盈朒互加減純

較十

和十二

較一

較一

和六

較三

較二

較一

較四

和九

較三

較二

和二

和六

較五

較三

右和較互盈朒互加減互

以一朒減兩數之盈必有兩和兩較和較純盈朒純則  
用加減純所得和從乎和較從乎較和較互盈朒純則

用加減互所得和從乎和之盈較從乎較和較純盈胸  
互則用加減純加得之和從乎兩和減得之和從乎一  
和一較和較互盈胸互而和之盈不互則用加減互減  
餘在左兩和從乎左減餘在右兩和從乎右和較互盈  
胸互而和之盈亦互則用加減互所得爲三較一和於  
和之盈用加則和從乎和之盈於和之盈用減則和從  
乎較之並。

兩和兩較其理與一和兩較一和三較同惟多一和  
則多一盈胸

和之盈  
和之胸

多一盈胸則多一互矣其和較

盈胸皆純及和較互盈胸純者皆無異於一和兩較

之理若和較純盈胸互其純加亦無異惟純減則兩和互從於一和一較者蓋兩和與兩較其數本同今兩和用其胸以減隔行之盈用其盈以受減於隔行之胸兩較亦然夫本行之兩和兩較隔行之兩和兩較犬牙相錯數屬參差必不能於既減之後使兩和之數仍同兩較之數故減得之兩和不能從乎原有之兩和亦不能從乎原有之兩較也但本行之兩和兩較數既相當而隔行之兩和兩較數亦相當放之於和之胸者收之於較之盈奪之於和之盈者償之於較之胸蓋兩和與兩較始之數同既減而數不同

以同者相消息爲不同也。一和一較與一和一較始之數不同。旣減而數必同。以不同者相消息而爲同也。故兩和必互從於一較一和。然一較一和又必一盈一朒相消息。故兩和所從和盈則較朒。較盈則和朒也。其和較盈朒皆互。而和之盈有互不互者。蓋兩和一較左右相錯。必有一和一較之不相錯。皆互則四位均爲異名。純用加減矣。不相錯者在和較之盈。則相錯者皆從乎盈。故兩和加減仍得和。兩較加減仍得較。其餘一和一較亦和較互從。亦消息之勢然也。所互之和較在盈。其三位皆從之。則相加爲三位之和。和較互。斯兩

較皆盈。故於和較之互用減。兩較用加。則三位從兩較之盈。而和卽屬於兩較。至此則兩和兩較變而爲一和三較。勿菴所謂較變和也。夫一和二較。及一和三較。和較必不可通易。惟二和二較。數本相當。位亦相等。和可謂之較。較亦可謂之和。然和較無定。而盈胸有定。加減之際。則不容少紊矣。

和九

和七

較五

較十一

和八

和六

較四

較十二

和七

和五

較三

較十三

和六

和四

較二

較十四



右和較純盈胸純加減純所得和較亦純

和九

較二

和四

較十一

和三

和二

較一

較四

和六

較四

和五

較七

和三

較六

和六

較三

較七

和七

和三

較三

和三

較一

和二

較四

較四

和六

和五

較七

較一

和五

和七

較十一

右二圖和較互盈胸純加減互所得兩和從乎兩

和之盈

和六和五皆盈於和三  
和二故所得之和從之

和七

和八

較六

較九

和三

和六

較一

較八

和四

和二

較五

較一

較一

和四

和四

較七

右和較純盈胸互加減純加得兩和仍從兩和減

得兩和互當一和一較

加得兩和七八仍當兩和  
三六減得兩和一當和二

一當  
較五

和七

和四

較六

較五

和長三

和長六

較長一

較減八

較長四

和言二

和言五

較言三

較言一

和言八

和言四

較言十一

右和較互盈朒互加減互減餘在左者所得兩和

從左之兩和減餘在右者所得兩和從右之兩和

所互之盈朒同名不互故和各從和

六一當二五  
爲盈朒互兩

和爲  
同名

較長七

較長四

較長四

和長十五

和長三

和長六

較長一

較長八

和長四

較長二

和長五

較長七

較一 和八 較六 較一

右和較互盈胸互加減互所互之盈胸不同名則變爲三較一和所互用加則和從和之盈用減則和從較之盈

和六於和五爲盈和八從之較八較七相盈和十五從之

以一和三較與兩和兩較相當則和較不能皆純必三加而一減或三減而一加其盈胸純者盈屬乎一和三較所得亦從之爲一和三較盈屬乎兩和兩較所得亦從之爲兩和兩較其盈胸之互左右各兩者若互於縱不互於橫則所得均一和三較若互於縱復互於橫則所得均兩和兩較均一和三較者加則和從乎加之盈

減則和從乎減之盈均兩和兩較者加則兩和從乎兩和減則兩和從乎一和一較其盈朒之互左右三之一者或左三盈或右三盈若互於縱不互於橫用三加一減仍得乎一和三較若互於縱復互於橫用三減一加亦得乎一和三較而和皆從乎加數之盈者

循因方程而探究加減之原其大略有三矣然兩和兩較與一和三較均爲四位亦可相雜以求之因得六例無和較純者一則兩和兩較一則一和三較三位同名必有一位異名或有三位異名必有一位同名和當和較當較爲同名和當較爲異名同名異名有三故加減有三

也盈在一和則得一和盈在兩和則得兩和者數必從乎盈也。左右各兩盈故或加或減所得正同。惟互之二位一位皆盈一位皆朒此兩位者一行合之爲其餘二較數之和一行以一總數帶一較數以較比總總中尙缺其餘二較之數既以三較之和與兩較之和相加以比五較之合數尙少一和數故減去此和卽得一和三較也。若於此兩和中減彼一和則於兩較中減其三較可矣。然盈朒相互以彼朒較減此盈較者又以此朒較減彼盈較此和已分爲二彼和專位於一不可並二以減一據二以受三也。惟本行

兩和原同兩較之數。今於兩和減彼和而加彼之較。

則消息之。猶少彼之兩較。

彼一和與三較同數減一和償一較是仍少二較

是本行兩和比本行兩較少彼行兩較也。於本行兩較中減去彼行一較是仍比兩和多一彼行較數。若以彼行較數合入本行兩和則數平於本行兩較矣。於兩行兩較中取一較與彼較相減然後以減餘與本行兩和合則數平於本行之一較矣。故亦得一和三較也。和之所從在加則相加之至盈在減則減餘之至盈仍從乎盈而已矣。若互之二位既左右兩盈又上下相錯相加之數與減餘之數無至盈者故所

得皆兩和兩較耳。其三加一減也。於兩和中減一較  
加一和。則比本行兩較多一。彼行兩較之數。以彼行  
兩較加入本行兩較。其數齊矣。其數齊。則兩和仍從  
乎兩和也。若以本行之兩和減彼行之和。以本行之  
盈和加彼行之較。則數已浮乎所餘之兩較。並浮乎  
本行之兩較。亦且浮乎四較之合數。四與十一共十  
五多於一九二  
一圖  
見後則四較或加或減。皆不合矣。故以此和加彼較  
必多於此和減彼和。因互減兩較。以減餘之盈者補  
彼受減之和。以減餘之兩者。合彼既加之較。而其數  
平。於是兩和必當一和一較也。若所互之盈。左右不



等或三或一。則所得亦不相等。在左右互。上下不互。加則爲一和。減則爲兩和者。加減指三加三減非純加純減兩盈加爲至盈。減餘無至盈也。左右互。上下亦互。加則爲兩和。減則爲一和者。彼三位加無至盈。此一位加爲至盈也。至於一和兩和之故。仍前之理而已矣。

和十一

較四

較二

較五

和九

較三

較三

較三

和二

較一

和一

較二

和七

較二

較四

較一

右盈屬一和三較

九三三三三皆盈於二一一一二

和十二 較十四 和長三 較一

較三 和長六 較一 較二

和九 較八 和長二 較三

和六 較二 和長一 較五

右盈屬兩和兩較於九八二三皆盈於三六一二

和十四 較一 較十 較三

和六 較三 較一 較二

和八 和長二 較九 較一

較二 較五 和長八 較一

右左右各兩盈八九盈於六一三二盈於二一盈腠互於縱不互

於橫

六八皆盈於二  
三故橫不互

和四

較十一

和八

較一

和六

較三

較一

較二

和二

和八

較九

較一

和八

和五

較十

較三

右盈胸縱橫皆互

八九盈於三一六二盈於二一  
六與二互三與八互六與三五

二與  
八互

和十五

較十

較一

較四

和六

較二

較三

較一

和九

較八

和二

較三

和三 較六 和五 較二

右盈胸之互左右三之一一行九八三盈於六

於縱不互於橫六九盈於二八是橫不互九

和七 較八 和六 較五

較三 和六 較一 較二

和四 較二 和五 較七

較一 較四 較四 和九

右盈胸之互左右三之一一行四五七盈於三

橫皆互三六與四二爲縱互  
三四與六二爲橫互

上兩數同下三數純盈純胸而相加之兩色相當均用

減則變和相加之兩數雖不相當而以相當之一色與兩差同加減較亦變和上兩數同下三數盈朒雜均用減則較亦變和純較數不可以相加變和必一和一較而上兩數同下三數純盈純朒也。

梅勿菴方程論和較變立例最詳於和之變較止一例減餘分在兩行者是也較之變和例則有三減餘或有一行內皆正或皆負一也雖減餘分在兩行而一行餘正物一行餘負物二也兩異并皆左正右負或皆左負右正三也總而言之則曰隔行之同名乃本行之異名隔行之異名乃本行之同名循因推而

言之此皆爲互乘之後首位減盡以言之也首位同正二位三位同負兩差卽負多於正之數今減去首位兩正則兩差較四負恰每行少一正之數兩正之數旣同則兩差所各少者雖於四負有殊而於差之差實無增減蓋於兩差每加一正數卽爲四負之和數今雖每少一正數而相減之差與四負之和數等是雖兩較之用減不啻兩和之用減也兩和用減而減餘在一行仍不變在兩和仍爲和在兩較則變爲和矣首位不同正一正或二位同正一負或三位同正必於首位及不同之一色用減其同之一色及兩差用

加何也。首位數同，必減去。所存兩行，其一行減去一正，存兩負一差。差卽兩負多於一正之數，以差較兩負，必少首位一正之數。其一行減去一負，存一正一負一差，以一正較一負，所餘必較一差少首位一負之數，以多於一正之數補少於一負之數，則兩行之差一爲兩負之和，一爲一負一正之較。雖兩較之用加減，不啻一和一較之用加減也。一和一較之法，兩盈在和，及差數用加者，皆爲和數。此兩負皆盈，而兩差用加，在一和一較從乎和者，在兩較變爲和矣。此二者皆必下三位純盈純朒。若三位盈朒雜錯，首位

既用減則下三位若皆用減則必無一行餘正一行  
餘負之理勢必兩負不能相當而後可兩負既不能  
相當則首位用減盡下三位止有兩加一減何有減  
餘分左右而一正一負乎勿菴之言一行餘正物一  
行餘負物當謂盈朒分於兩行一行盈屬正一行盈  
屬負以首位減盡下三位爲減餘非謂三位用減之  
餘也一行盈屬正一行盈屬負其用加減而變和之  
理與純盈純朒之用加減同若所謂異加必皆左正  
右負或皆左負右正者此兩較中所必無蓋左右之  
正負兩位皆同則其主客必相當主客既相當則首



位用減下三位亦必隨之而減無所爲異加矣若主客不相當則首位用減中二位必一加一減無兩位用加之理細求之蓋謂一和一較之三色者言之也一和一較則和之一行不分主客正則皆正負則皆負較之一行或首色盈於中二色或首色朒於中二色惟差數從之以爲加減而中兩色皆用加故得有兩異并成和數之理也差數從之以爲加減奈何首色盈於中二色則差數爲中二色少於首色之數首色朒於中二色則差數爲中二色多於首色之數兩首色旣同數減盡則和之中二色較其和數必少一

首色今以和之中二色與較之中二色相加若較之中二色視首色少一差數必以差減總蓋和之中二色較總數少一首色之數所補入較數之中二色仍少一差故必於總中去一差也若較之中二色視首色多一差數必以差加總蓋和之中二色較總數少一首色之數所補入較數之中二色反多一差故必於總中加一差也相加得和必一行爲和數乃可若較數下爲兩差未有相加而得和者矣勿菴之論方程極爲精確而疑似之際尤宜辨而明之。

一 正

二 頁

三 頁

四

一正

二負四

二負五

四變八和

右圖上兩數同下三數純盈純臆四五八皆盈而

相加之兩數相當二與三相加為五兩兩相當五與四相加為九兩兩相當用減則

變和四為二勿菴所云一行皆正一行皆負也

一

二

三

二

一

二

八

一十

變和

右上兩數同下三數純盈純臆相加之兩數雖不

相當一與三相加為四與五相加為九三五相加為一四五不相當而以相當之

一色

即五

與兩差

二與

同加減

加則俱加

減則俱減

較亦變

和二較三餘一今餘二是多餘一矣四五和九今和八是少一矣故以三加五則以多補少矣

一正

四

盈屬正

三頁

二正

減盡

加得六

減餘一

加得八

一正

二頁

五

盈屬負

六頁

右圖首兩數同下三數盈胸雜

四盈於二  
五盈於三

雜用加

減則較亦變和勿巷所謂減餘分在兩行一行餘

正物一行餘負物也

減必同名故首兩一皆正左  
行二五六皆負右行四二皆

正三屬負三五兩頁相  
減四二二六皆用加

六

二

三

差一  
數一

六

四

五

總數十五

十四

變和

右圖梅氏所謂異加皆左正右負或皆左負右正  
亦和數是也然必一和一較乃有之  
較數不可以相加變和也

總數為和  
差數為較  
純